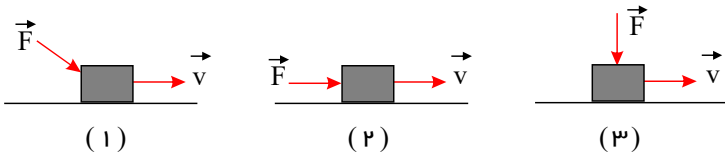


۱ نیروی ثابت  $F$  بر یک جعبه متحرک به طریق‌های مختلفی (مطابق شکل) وارد می‌شود. بزرگی کار انجام شده توسط این نیرو بر جعبه را به ترتیب با هم مقایسه کنید؟



۲ انرژی جنبشی گربه‌ای به جرم  $3$  کیلوگرم که با تندی ثابت  $5 \frac{m}{s}$  می‌دود چقدر است؟

۳ گربه‌ای با تندی دو برابر تندی اول خود حرکت می‌کند. انرژی جنبشی آن چند برابر می‌شود؟

۴ کارگری کیسه آردی را به جرم  $50 \text{ kg}$  را به دوش خود گذاشته و حرکت می‌کند. اگر قد او  $180$  سانتی‌متر باشد حداقل چه مقدار کار برای جابه‌جا کردن کیسه تا شانه خود انجام داده است؟ (فرض کنید فاصله‌ی زمین تا شانه‌ی کارگر  $180$  سانتی‌متر است و  $g = 10 \frac{m}{s^2}$ )

۵ نخ‌ی به طول یک متر در اختیار داریم و سنگی به جرم  $0.5 \text{ kg}$  را به انتهای آن بسته‌ایم. اگر این جسم را توسط نخ روی یک مسیر دایره‌ای با تندی  $2 \frac{m}{s}$  بچرخانیم انرژی جنبشی آن چقدر است؟

۶ جسمی به جرم  $270 \text{ kg}$  در حال سقوط عمودی است. اگر این جسم  $470 \text{ m}$  سقوط کند، کار نیروی وزن چقدر است؟ ( $g \approx 10 \frac{m}{s^2}$ )

۷ یک اسکی باز به جرم  $110 \text{ kg}$  از یک سرپایینی بدون اصطکاک پایین می‌آید.

الف) اگر بالاترین نقطه سرایشی  $200 \text{ m}$  ارتفاع داشته باشد کار نیروی وزن اسکی باز وقتی که تمام مسیر را طی می‌کند چقدر است؟

ب) تندی اسکی باز وقتی که به انتهای مسیر می‌رسد را محاسبه کنید. ( $g \approx 10 \frac{m}{s^2}$ )

۸ فرض کنید که شما از آسانسور استفاده می‌کنید. این آسانسور شما را از طبقه همکف ( $h = 0$ ) تا طبقه چهارم ( $h = 12 \text{ m}$ ) بالا می‌برد. اگر شما از حالت سکون حرکت خود را آغاز کرده باشید و به حالت سکون نیز حرکت شما پایان یابد، کار نیروی وزن و کار نیروی آسانسور را محاسبه کنید. (فرض کنید جرم شما  $70$  کیلوگرم است و  $g \approx 10 \frac{m}{s^2}$ ).

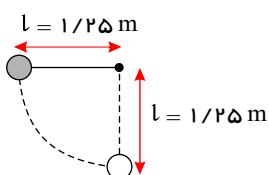
۹ بهداد سلیمی قهرمان وزنه‌برداری کشورمان وزنه  $260 \text{ kg}$  را تا ارتفاع  $2.5 \text{ m}$  بالا می‌برد. کار نیروی وزن این وزنه را محاسبه کنید؟ آیا کاری که بهداد سلیمی انجام می‌دهد با این کار برابر است؟

۱۰ کارگر ساختمانی کیسه سیمانی به جرم  $50 \text{ kg}$  را تا ارتفاع  $12 \text{ m}$  متری یک ساختمان بالا می‌برد. کار نیروی وزن و تغییرات انرژی پتانسیل را در این بالا بردن محاسبه کنید. اگر این کارگر این کیسه را به پایین پرت کند کار نیروی وزن آن چقدر است؟ تندی کیسه سیمان قبل از برخورد به زمین چقدر می‌شود؟

۱۱ یک موتور الکتریکی جسمی به جرم  $50 \text{ kg}$  را تا ارتفاع  $10 \text{ m}$  بالا می‌برد. اگر این جسم حرکت خود را از سکون آغاز کند و در آخر نیز دوباره به حال سکون برسد کار نیروی موتور الکتریکی را بیابید.

۱۲ طول تار در شکل برابر با  $1.25 \text{ m}$  می‌باشد. وقتی که گلوله رها می‌شود. روی کمان خط‌چین تاب می‌خورد. هنگامی که گلوله به پایین‌ترین نقطه حرکت خود می‌رسد سرعتش چقدر خواهد بود؟

( $g \approx 10 \frac{m}{s^2}$ )



۱۳ اگر شخصی به وزن  $600 \text{ N}$  پلکانی به ارتفاع  $5 \text{ m}$  را در مدت چهار ثانیه بالا برود، چه توانی به طور متوسط باید مصرف کند؟

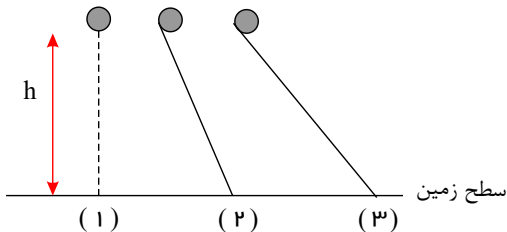
۱۴) از آبخاری به ارتفاع  $100m$  در هر ثانیه  $1200m^3$  آب پایین می‌ریزد با فرض اینکه  $\frac{3}{4}$  انرژی جنبشی حاصل از سقوط آب بوسیله یک موتور

الکتریکی به انرژی الکتریکی تبدیل می‌شود، توان حاصل از مولد چقدر است؟  $(g = 10 \frac{m}{s^2})$

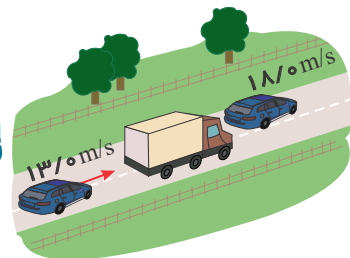
۱۵) پمپ آبی در هر دقیقه  $150kg$  آب را از چاهی به عمق  $10$  متر بالا کشیده و با سرعت  $5m/s$  به بیرون پمپ می‌کند. اگر بازده این پمپ  $30\%$  درصد باشد، توان ورودی آن چقدر است؟

۱۶) می‌خواهیم با استفاده از پمپ آبی با توان  $800W$  یک تانکر  $500$  لیتری را که در ارتفاع  $10$  متری قرار دارد پر کنیم. بازده پمپ  $20\%$  درصد است. فرایند پر کردن چقدر طول می‌کشد؟ (چگالی آب  $1 \frac{kg}{L}$  است)

۱۷) مطابق شکل سه جسم از حال سکون رها می‌شوند. تندی اجسام زیر را در هنگام رسیدن به سطح زمین را با هم مقایسه کنید.



۱۸) شکل روبه‌رو خودرویی به جرم  $1300kg$  را نشان می‌دهد که برای سبقت گرفتن از کامیونی، در مسیری افقی و در مدت  $3/0s$  تندی خود را از  $v_1 = 13/0 \frac{m}{s}$  به  $v_2 = 18/0 \frac{m}{s}$  تغییر داده است. توان متوسط موتور خودرو برای انجام این کار، دست کم چقدر باید باشد؟ نیروهای اتلافی را نادیده بگیرید.



۱۹) درستی یا نادرستی عبارتهای زیر را تعیین کنید

الف) قضیه کار - انرژی جنبشی، کار کل را به تغییرات انرژی جنبشی مربوط می‌کند.

ب) کار کل در قضیه کار - انرژی جنبشی همواره مثبت است.

پ) اگر حرکت جسمی تندشونده باشد حتماً علامت کار کل مثبت است.

ت) اگر حرکت جسمی کندشونده باشد حتماً علامت کار کل مثبت است.

۲۰) با انتخاب عبارت مناسب از داخل پرانتز، جاهای خالی را پر کنید.

الف) انرژی مکانیکی جسم در حال سقوط (با فرض ناچیز بودن مقاومت هوا) ..... (ثابت/متغیر) است.

ب) اگر جسمی را به سمت بالا پرتاب کنیم انرژی جنبشی در حال بالا رفتن ..... (کاهش/افزایش) می‌یابد.

پ) اگر جسمی را به سمت بالا پرتاب کنیم انرژی پتانسیل گرانشی در حال بالا رفتن ..... (کاهش/افزایش) می‌یابد. (نسبت به زمین)

ت) اگر جسمی را به سمت بالا پرتاب کنیم با فرض ناچیز بودن مقاومت هوا انرژی مکانیکی ..... (ثابت/متغیر) است.

ث) اگر دوچرخه سواری یک سراسیمه را پایین بیاید انرژی جنبشی او ..... (افزایش/کاهش) و انرژی پتانسیل گرانشی او ..... (افزایش/کاهش) می‌یابد. (مبدأ پتانسیل گرانشی زمین صاف است)

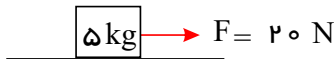
۲۱) شخصی با نیروی  $F$  دیواری را هل می‌دهد. می‌دانیم این شخص کار انجام نمی‌دهد پس چرا خسته می‌شود؟

۲۲) دو دوندۀ در حال دویدن هستند. اگر دوندۀ اول دارای  $100kg$  و تندی  $6 \frac{m}{s}$  باشد و جرم دوندۀ دوم برابر جرم دوندۀ اول و تندی اش نصف تندی دوندۀ اول باشد، نسبت انرژی جنبشی آنها چقدر است؟

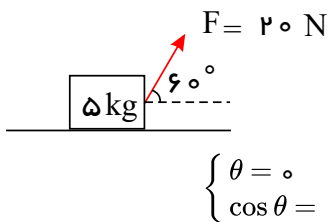
۲۳) یک اتومبیل از چه ارتفاعی سقوط کند تا انرژی جنبشی حاصل معادل حالتی باشد که اتومبیل با تندی  $108 \frac{km}{h}$  حرکت می‌کند؟ ( $g$  را تقریباً  $10$  بگیرد)

۲۴) جسمی به جرم  $5\text{kg}$  روی سطح افقی زمین قرار دارد و با نیروی افقی  $20\text{N}$ ، دو متر در امتداد سطح جابه‌جا شده است.

الف) کار انجام شده روی جسم توسط نیروی  $F$  چقدر است؟



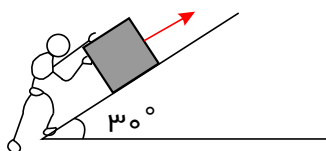
ب) اگر این نیرو با زاویه  $60^\circ$  به جسم اعمال شود کار انجام شده روی جسم را محاسبه کنید؟



$$\begin{cases} \theta = 0 \\ \cos \theta = 1 \end{cases}$$

۲۵) یک توپ جنگی گلوله‌ای به جرم یک کیلوگرم را شلیک می‌کند. کار کل تغییرات انرژی جنبشی این گلوله وقتی که تندی آن از  $4\frac{m}{s}$  به  $8\frac{m}{s}$  تغییر می‌کند چقدر است؟

۲۶) شخصی جعبه‌ای به جرم  $24\text{kg}$  را از یک شیب بدون اصطکاک بالا می‌برد کاری که این شخص برای جابه‌جایی  $20$  متری جعبه انجام می‌دهد را محاسبه کنید.



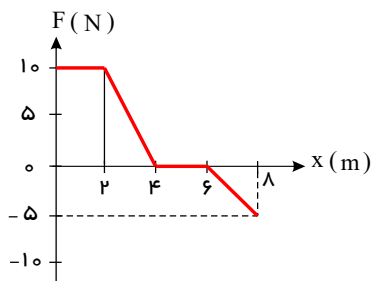
(فرض کنید که جعبه با سرعت ثابت حرکت می‌کند) ( $g \approx 10\text{m/s}^2$ )

۲۷) بازیکنی، توپ بیسبالی را با تندی اولیه  $18\text{m/s}$  به صورت افقی پرتاب می‌کند و بازیکن دیگر توپ را در همان ارتفاع پرتاب دریافت می‌کند. قبل از برخورد توپ به دست بازیکن گیرنده، تندی توپ  $12\text{m/s}$  شده است. چقدر کار برای غلبه بر نیروی مقاومت هوا انجام شده است؟ جرم توپ بیسبال  $250\text{g}$  می‌باشد.

۲۸) جسمی به جرم  $50\text{kg}$  بر اثر نیروی متغیری روی یک سطح افقی بدون اصطکاک در خط راست حرکت می‌کند. منحنی تغییرات نیرو بر حسب مکان در شکل نشان داده شده است. اگر نیروی  $F$  همواره در امتداد سطح افقی باشد،

الف) وقتی که جسم از مبدأ تا نقطه  $x = 8\text{m}$  حرکت می‌کند کار انجام شده توسط این نیرو چقدر است؟

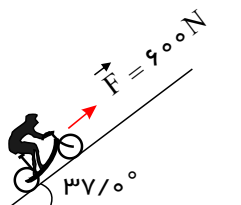
ب) اگر سرعت جسم هنگام عبور از مبدأ  $4\text{m/s}$  باشد، با چه سرعتی از نقطه  $x = 8\text{m}$  می‌گذرد؟



۲۹) یک دوچرخه سوار از یک سربالایی با شیب ثابت بالا می‌رود. زاویه‌ای که این شیب با افق می‌سازد  $37^\circ$  می‌باشد. اگر دوچرخه  $13\text{kg}$  و دوچرخه سوار  $47\text{kg}$  جرم داشته باشند و نیرویی که دوچرخه سوار وارد می‌کند برابر با  $60\text{N}$  باشد برای جابه‌جایی  $30\text{m}$  محاسبه کنید:

الف) چقدر دوچرخه سوار کار انجام می‌دهد؟ ( $g = 10\frac{m}{s^2}$ ,  $\cos 37^\circ = 0.8$ )

ب) کار نیروی وزن مجموعه دوچرخه و دوچرخه سوار را محاسبه کنید.



۳۰) جسم ساکن تحت تأثیر دو نیروی افقی  $F_1 = 40\text{N}$  هم جهت با جابه‌جایی و  $F_2$  بر روی سطح افقی قرار گرفته است و شروع به حرکت می‌کند. پس از پیمودن مسافت  $20\text{m}$  انرژی جنبشی جسم به  $300\text{J}$  می‌رسد،  $F_2$  چند نیوتون و در چه جهتی است؟

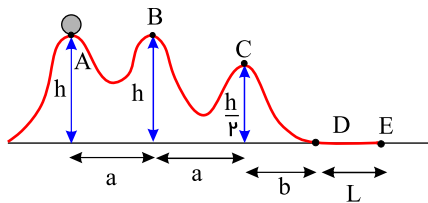
۳۱) دانش‌آموزی یک توپ پینگ پونگ را با تمام قدرت بر زمین می‌کوبد. مشاهده می‌شود که این توپ به جرم  $3\text{g}$  هنگام جداسازی از سطح زمین تندی اولیه معادل  $12\text{m/s}$  می‌گیرد و حداکثر تا ارتفاع  $5\text{m}$  بالا می‌رود. کار نیروی مقاومت هوا برای این توپ از لحظه جدا شدن از زمین تا رسیدن به نقطه اوج چقدر است؟ ( $g \approx 10\frac{m}{s^2}$ )

نقطه اوج چقدر است؟ ( $g \approx 10\frac{m}{s^2}$ )

۳۳) ماهواره آکوا با جرم  $2850 \text{ kg}$  در ارتفاع  $705 \text{ km}$  سطح زمین قرار دارد. این ماهواره با تندی  $27500 \frac{\text{km}}{\text{h}}$  دور زمین می‌چرخد. انرژی جنبشی و انرژی پتانسیل این ماهواره نسبت به سطح زمین چقدر است؟ آیا این جواب‌ها دقیق هستند؟  $(g = 9.8 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$

۳۴) مقدار کار کلی که انجام می‌شود تا تندی ماشین از صفر به  $5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  برسد بیشتر است یا مقدار کار کلی که انجام می‌شود تا تندی ماشین از  $5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  به  $10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  برسد؟

۳۵) گلوله‌ای به جرم  $m$  روی سطح بدن بدون اصطکاک از نقطه  $A$  با سرعت  $v$  مطابق شکل عبور می‌کند. فرض کنید که این گلوله را می‌توان دره‌ای در نظر گرفت که همیشه روی مسیر حرکت باقی می‌ماند.



الف) سرعت گلوله در نقاط  $B, C$  چقدر است؟

ب) اگر گلوله در نقطه  $D$  در اثر نیروی ثابت و کندکننده قرار گیرد، و در نقطه  $E$  متوقف شود، اندازه شتاب در این قسمت را محاسبه کنید.

۳۶) بازیکن والیبال در هنگام زدن آبخار به توپ تندی معادل  $30 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  می‌دهد. اگر این ضربه در ارتفاع  $3 \text{ m}$  اتفاق می‌افتد و توپ با تندی  $25 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  در زمین حریف بخوابد، کار نیروی مقاومت هوا چقدر است؟ (جرم توپ والیبال تقریباً  $300 \text{ g}$  است).

۳۷) اسبی با سرعت ثابت  $7.2 \frac{\text{km}}{\text{h}}$  در راستای افقی حرکت می‌کند و ارابه را با نیروی  $180 \text{ N}$  به دنبال خود می‌کشد. زاویه نیرو با افق زاویه  $37^\circ$  درجه می‌سازد.

الف) این اسب در مدت  $10$  دقیقه چقدر کار انجام داده است؟

ب) توان اسب چقدر است؟

۳۸) از آبخاری به ارتفاع  $100 \text{ m}$  در هر ثانیه  $5000 \text{ m}^3$  آب پایین می‌ریزد. با فرض اینکه  $20\%$  درصد انرژی حاصل از سقوط آب به وسیله‌ی یک

توربین به انرژی الکتریکی تبدیل می‌شود، توان خروجی حاصل از این مولد چقدر است؟ (چگالی آب  $1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$  است)

۳۹) توپی به جرم  $1.5 \text{ kg}$  را با  $12 \text{ m/s}$  به سمت بالا پرتاب می‌کنیم. اگر تندی توپ به هنگام برگشت  $9 \text{ m/s}$  باشد:

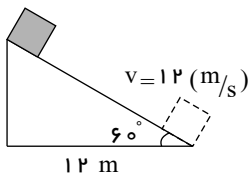
الف) کل کاری که روی توپ انجام شده است چقدر است؟

ب) کار نیروی وزن را محاسبه کنید. (در رفت و برگشت)

ج) کار نیروی مقاومت هوا چقدر است؟

۴۰) جسمی در بالای یک سراسیمبی بدون اصطکاک با شیب تقریبی  $60^\circ$  درجه قرار دارد. اگر جرم جسم  $10 \text{ kg}$  باشد از شروع تا لحظه پایین رسیدن آن

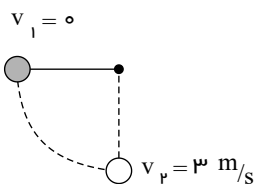
کار کل انجام شده روی جسم چقدر است؟ نیروی متوسط وارده به جسم چقدر است؟



۴۱) مطابق شکل وزنه‌ای را به طنابی بسته ایم و آن را از ارتفاع خاصی رها می‌کنیم. اگر جرم وزنه برابر  $20 \text{ kg}$  باشد مطلوب است:

الف) کار کل انجام شده روی وزنه چقدر است؟

ب) این کار توسط چه نیروهایی انجام می‌شود؟ فقط نام ببرید.

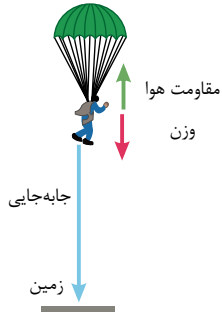


۴۲) از روی یک برج بلند جسمی را رها می‌کنیم تا به زمین برسد. کار نیروی وزن چقدر است؟ اگر این جسم را با سرعت  $V$  به سمت جلو پرتاب کنیم

دفاصله‌ای مشخص از پایه برج بر زمین برخورد می‌کند، کار نیروی وزن در این حالت چقدر است؟ (ارتفاع برج را  $h$  و جرم جسم را  $g$  بگیرید)

۴۴) از بالای یک ساختمان به ارتفاع  $4,2m$  جسمی را با تندی اولیه  $20m/s$  مستقیم به سمت بالا پرتاب می‌کنیم. این جسم از بالای ساختمان به سمت زمین سقوط می‌کند. اگر نیروی مقاومت هوا ناچیز باشد ( $g \simeq 10m/s^2$ ) الف) این جسم تا چه ارتفاعی بالا می‌رود؟ (نسبت به پشت بام ساختمان) ب) تندی برخورد این جسم به زمین چقدر است؟ ج) هنگامی جسم در ارتفاع  $8m$  از سطح زمین قرار دارد تندی آن را محاسبه کنید.

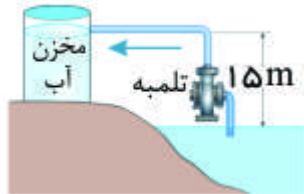
۴۵) چتربازی به  $10m/s$  از بالونی که در ارتفاع  $100m$  از سطح زمین است، با تندی  $10m/s$  به بیرون بالون می‌پرد. اگر او با تندی  $4m/s$  به زمین برسد، کار نیروی مقاومت هوا روی چترباز را در طول مسیر سقوط محاسبه کنید. شتاب گرانش زمین را  $10m/s^2$  بگیرید.



۴۶) جرم اتاقک بالابری به همراه بانه آن  $5000kg$  است (شکل روبه‌رو). اگر این بالابر در مهکتا از طبقه همکف به طبقه دوم در ارتفاع  $15m$  برود، توان متوسط موتور این بالابر چند اسب بخار است؟ نیروهای اتلافی را نادیده بگیرید.



۴۷) تلمبه‌ای با توان ورودی  $15kW$  در هر ثانیه  $70$  لیتر آب دریاچه‌ای به چگالی  $1000 \frac{kg}{m^3}$  را مطابق شکل روبه‌رو تا ارتفاع  $15$  متری مخزنی می‌فرستد. بازده تلمبه چند درصد است؟



۴۸) آب ذخیره‌شده در پشت سد یک نیروگاه برق آبی، از مسیری مطابق شکل روی پره‌های توپینی می‌ریزد و آن را می‌چرخاند. با چرخش توربین، مولد می‌چرخد و انرژی الکتریکی تولید می‌شود (شکل روبه‌رو). اگر  $85\%$  درصد کار نیروی گرانش به انرژی الکتریکی تبدیل شود، در هر ثانیه چند متر مکعب آب باید روی توربین بریزد تا توان الکتریکی خروجی مولد نیروگاه به  $200MW$  برسد؟ جرم هر متر مکعب آب را  $1000kg$  در نظر بگیرید.

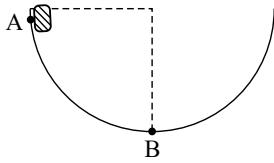


۴۹) شخصی گلوله‌ای برفی به جرم  $10g$  را از روی زمین برمی‌دارد و تا ارتفاع  $100m$  بالا می‌برد و سپس آن را با تندی  $10m/s$  پرتاب می‌کند. کار انجام شده توسط شخص روی گلوله (برق چقدر است؟)

۵۰) مطابق شکل جسمی به جرم  $3,0kg$  از نقطه  $A$  رها شده و در نقطه  $B$  تندی آن به  $2,0 \frac{m}{s}$  می‌رسد. اگر قطر نیم‌دایره  $2,0m$  باشد، کار نیروی

اصطکاک در این جا به جایی چند ژول است؟

$$(g = 10 \frac{N}{kg})$$



الف کل کار انجام شده

ب کار نیروی وزن

پ کار نیروی عمودی تکیه گاه

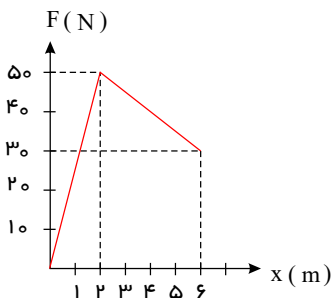
ت در این مسیر ، دو نیروی وزن و اصطکاک روی جسم کار انجام می دهند. بنابراین داریم :

۵۱ انرژی جنبشی دونه‌ای نصف انرژی جنبشی پسر بچه‌ای است که جرمش نصف جرم دونه است. دونه تندی اش را به اندازه‌ی افزایش می‌دهد و در نتیجه انرژی او با انرژی جنبشی پسر بچه مساوی می‌شود. تندی اولیه دونه و پسر بچه به ترتیب چقدر است؟

۵۲ فرض کنید که جسمی روی زمین ایستاده است و حرکتی ندارد. در مورد کار نیروهای وارده به این جسم چه می‌توان گفت؟

۵۳ یک گلوله به جرم  $300g$  که با تندی  $500 \frac{m}{s}$  حرکت می‌کند به یک تکه چوب ثابت برخورد کرده و  $12cm$  در آن فرو می‌رود و در نهایت متوقف می‌شود، با فرض ثابت بودن نیروی وارد بر گلوله در مسیر حرکت، اندازه‌ی این نیرو را محاسبه کنید.

۵۴ یک نیروی متغیر با مکان بر جسمی اثر می‌کند (مطابق شکل). جسم حرکت خود را از سکون در امتداد محور  $x$  و بر روی سطح بدون اصطکاک شروع می‌کند و در  $x = 40m$  سرعت  $5m/s$  دارد. جرم جسم چقدر است؟ (نیرو همواره در جهت  $x$  است).



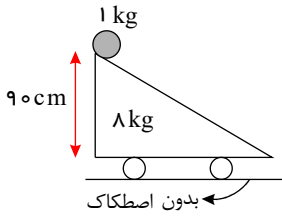
۵۵ ماشینی از حالت سکون به حرکت در می‌آید. وقتی که تندی آن از صفر تا  $v$  تغییر می‌کند کار کل روی ماشین  $W_{1t}$  و وقتی تندی آن از  $v$  به  $2v$  می‌رسد کار روی آن  $W_{2t}$  می‌شود. نسبت  $\frac{W_{2t}}{W_{1t}}$  چقدر است؟

۵۶ یک موتور سوار به جرم  $130kg$  فاصله‌ی بین دو تپه را می‌پرد. اگر تپه‌ای که موتور سوار در ابتدا در آن قرار دارد  $50m$  بلندی داشته باشد و تپه‌ی دوم  $20m$ ، انرژی پتانسیل گرانشی روی هر یک از تپه‌ها حساب کنید. قبل از پرش انرژی پتانسیل موتور سوار نسبت به تپه‌ی دوم چقدر است؟ انرژی پتانسیل گرانشی موتور سوار نسبت به ارتفاع  $35$  متری قبل و بعد از پرش چقدر است؟ کار نیروی وزن را در همه‌ی حالات حساب کنید.  $(g = 10 \frac{m}{s^2})$

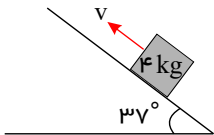
۵۷ توپی به جرم  $M$  با سرعت  $v$  به توپ ساکنی به جرم  $m$  برخورد می‌کند. در اثر این برخورد یک چهارم انرژی جنبشی توپ را جرم  $M$  به هدر می‌رود و دو توپ به هم می‌چسبند و با سرعت  $v'$  حرکت می‌کنند.  $v'$  را بر حسب  $v, M, m$  پیدا کنید.

۵۸ گلوله‌ای به جرم  $10kg$  با تندی اولیه‌ی  $470 \frac{m}{s}$  در راستای قائم به طرف بالا شلیک می‌شود و تا رسیدن به نقطه‌ی اوج، مقاومت هوا باعث اتلاف  $70 \times 10^5 J$  انرژی می‌شود. اگر مقاومت هوا وجود نداشت گلوله چقدر بالاتر می‌رود؟  $(g \approx 10 \frac{m}{s^2})$

۵۹ در شکل زیر گوی یک کیلوگرمی رها می‌شود، و روی سطح شیب‌دار سر می‌خورد و با تندی  $4 \frac{m}{s}$  به پایین مسیر می‌رسد. کل مسیر بدون اصطکاک است و سطح شیب‌دار نیز می‌تواند آزادانه حرکت کند. وقتی که گوی به پایین مسیر رسید سطح شیب‌دار به جرم  $8$  کیلوگرم با چه تندی و در چه جهتی حرکت می‌کند؟  $(g = 10 \frac{N}{kg})$



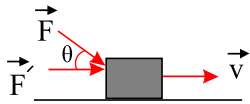
۶۰ جسمی به جرم  $4,0 \text{ kg}$  با انرژی جنبشی  $128 \text{ J}$  از سطح شیب‌داری با شیب  $37,0^\circ$  شروع به بالا رفتن می‌کند اگر نیروی اصطکاک بین جسم و سطح برابر با  $8 \text{ N}$  باشد، این جسم چقدر روی سطح شیب‌دار بالا می‌رود؟



# پاسخنامه تشریحی

۱

(۱) شماره  $\rightarrow W_1 = F \cdot d \cos \theta \xrightarrow{\cos \theta < 1} W_1 < F \cdot d$



(۲) شماره  $W_p = F \cdot d \cos \theta \xrightarrow{\cos 0 = 1} W_p = F \cdot d$

(۳) شماره  $\rightarrow W_p = F \cdot d \cos \theta \xrightarrow{\cos 90 = 0} W_p = 0$

بنابراین  $W_p > W_1 > W_p$

۲

$$K = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}(3kg)\left(\frac{m}{s}\right)^2 = 37,5 J$$

۳ با توجه به رابطه‌ی انرژی جنبشی داریم:

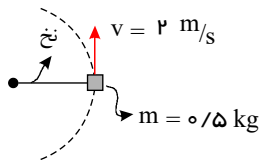
$$K_p = \frac{1}{2}m(2v_1)^2 = \frac{1}{2}m4v_1^2 = 4\left(\frac{1}{2}mv_1^2\right) = 4K_1$$

۴

حداقل نیروی لازم برای بلند کردن کیسه، هم‌اندازه با وزن آن است و داریم:

$$W = Fd = mgh = (500N)(1,80m) = 900N$$

۵



$$K = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}(0,5kg)\left(\frac{m}{s}\right)^2 = 1J$$

۶

چون جسم رو به پایین حرکت کرده داریم:

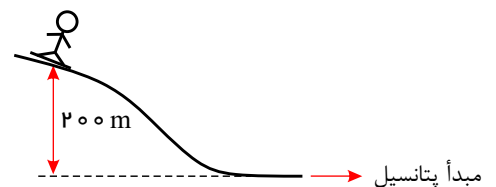
$$W_{mg} = +mg|\Delta h|$$

$$W_{mg} = 2 \times 10 \times 4 = 80 J$$

۷

الف) چون اسکی‌باز پایین می‌رود، نیروی وزن و جهت جابه‌جایی‌اش هم‌سو است.

$$W_{mg} = +mg|\Delta h| = 110 \times 10 \times 200 = 22 \times 10^4 J$$



چون در مبدأ  $h = 0$  است  $\rightarrow U_p = 0$ ,  $U_1 = mgh = 110kg \times 10 \frac{m}{s^2} \times 200 = 22 \times 10^4 J$

$$W_{وزن} = -(U_p - U_1) = +22 \times 10^4 J$$

کار نیروی وزن به جسم انرژی می‌دهد.

ب) چون از حال سکون حرکت کرده است، پس  $v_1 = 0$  بنابراین:

$$W_t = \Delta K = \frac{1}{2}mv_p^2 - \frac{1}{2}mv_1^2 \xrightarrow{v_1=0} 22 \times 10^4 = \frac{1}{2}(110)(v_p)^2$$

$$\Rightarrow v_p^2 = 40000 \Rightarrow v_p = 200 \frac{m}{s}$$

وزن  $W = mgd(\cos 180) = 70kg \times 10 \frac{m}{s^2} \times 12m \times (-1) = -8400 J$

۸



$$W_t = \Delta K = 0 \rightarrow W = +1400 J$$

آسانسور

$$W_t = W_{mg} + W_{آسانسور}$$

آسانسور به شما انرژی می‌دهد پس کار مثبت دارد.  
نیروی وزن سعی بر توقف شما دارد پس کار منفی دارد.

۹

$$W = mgd = (260 kg)(9.8 \frac{m}{s^2})(2.5 m) = 6370 J$$

کاری که ورزشکار انجام می‌دهد حتماً از این کار بیشتر است زیرا خود ورزشکار نیز باید بلند شود و بر نیروهای ناشی از انقباض ماهیچه‌های موجود در بدن خود نیز غلبه کند.

۱۰

$$\Delta U = mg(h_p - h_1) = (500 kg)10 \frac{m}{s^2}(12 m - 0) = 60000 J$$

چون جسم بالا رفته است با استفاده از نکات کتاب درسی داریم:

$$W_{وزن} = -\Delta U \rightarrow \text{در هنگام بالا رفتن } W_{وزن} = -60000 J$$

اگر کیسه سیمان پایین بیافتد انرژی پتانسیل کاهش می‌یابد و بنابراین:

$$W_{وزن} = -(-60000 J) = +60000 J \quad \text{در هنگام پایین افتادن}$$

برای محاسبه تندی می‌توان از قضیه کار-انرژی جنبشی استفاده کرد. داریم:

$$W_t = \Delta K = \frac{1}{2}m(v_p^2 - v_1^2) = \frac{1}{2}(500 kg)(v_p^2 - 0)$$

$$\frac{1}{2}(500 kg)(v^2) = 60000 J \Rightarrow v^2 = 240 \Rightarrow v = \sqrt{240} m/s \Rightarrow v = 4\sqrt{15} \frac{m}{s}$$

۱۱

$$W_t = W_{موتور} + W_{وزن} = K_p - K_1$$

چون در ابتدا و انتهای مسیر جسم ساکن است بنابراین:  $\Delta K = K_p - K_1 = 0$  و داریم:

$$W_{موتور} + W_{وزن} = 0 \Rightarrow W_{موتور} = -W_{وزن}$$

$$W_{وزن} = -\Delta U = -(mgh_p - mgh_1) = -(50000 - 0) = -50000 J$$

$$\Rightarrow W_{موتور} = +50000 J$$

مبدأ انرژی پتانسیل گرانش را در پایین‌ترین نقطه حرکت گلوله در نظر می‌گیریم. تندی اولیه گلوله برابر صفر است و با استفاده از بقای انرژی مکانیکی داریم:

۱۲

$$K_1 + U_1 = K_p + U_p \quad \begin{cases} K_1 = 0, U_1 = mgl = mg(1.25 m) \\ K_p = ? \quad U_p = 0 \end{cases}$$

$$\Rightarrow 0 + mgl = \frac{1}{2}mv^2 + 0 \Rightarrow gl = \frac{1}{2}v^2 \Rightarrow v^2 = 2gl \Rightarrow v^2 = 2 \times 10 \times 1.25 = 25 \Rightarrow v = 5 \frac{m}{s}$$

۱۳

$$W = mg(h_p - h_1) = mgh, \quad P = \frac{W}{t} = \frac{mgh}{t} = \frac{(600 N)(5 m)}{4 s} = 750 W$$

با استفاده از قضیه کار-انرژی جنبشی می‌دانیم:

۱۴

$$W_t = W_{mg} = K_p - K_1, \quad K_1 = 0 \rightarrow \text{آب در ابتدا ساکن بوده}$$

$$\Rightarrow W_{mg} = mgh = K_p, \quad K_p \rightarrow \text{انرژی جنبشی پس از سقوط}$$

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow m = \rho_{آب} V = 1000 \frac{kg}{m^3} \times 1200 m^3$$

$$W_{mg} = 1.2 \times 10^5 \times 10 \times 1000 = 1.2 \times 10^9 J$$

$$P_{موتور} = \frac{\frac{3}{4}W_{mg}}{t} = \frac{\frac{3}{4} \times (1.2 \times 10^9 J)}{1 s} = 0.9 \times 10^9 W$$

۱۵

$$\times 100 = \frac{\text{انرژی خروجی}}{\text{انرژی ورودی}}$$

$$\text{انرژی خروجی} = mhg + \frac{1}{2}mV^2 = (150 kg)(10 \frac{m}{s^2})(10 m) + \frac{1}{2}(150 kg)(5 \frac{m}{s})^2 = 16875 J$$

با استفاده از بازده سی درصد داریم:

$$\frac{3}{100} = \frac{16875 J}{\text{انرژی ورودی}} \Rightarrow \text{انرژی ورودی} = 56250 J \rightarrow \text{در هر دقیقه}$$

$$P = \frac{56250 J}{60 s} \approx 937.5 W$$

۱۶

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow m = \rho V = 1 \frac{kg}{L}(500 L) = 500 kg$$

$$\text{انرژی ورودی} = mgh = (500 kg)(10 \frac{m}{s^2})(10 m) = 5 \times 10^4 J$$

$$انرژی خروجی = \frac{انرژی ورودی}{انرژی خروجی} \times 100 \Rightarrow 0.2 = \frac{انرژی خروجی}{5 \times 10^4 J} \Rightarrow انرژی خروجی = 10^4 J$$

$$P = \frac{W}{t} \rightarrow t = \frac{W}{P} = \frac{10^4 J}{1800 W} = 12.5 s$$

۱۷) با توجه به اصل پایستگی انرژی مکانیکی می‌دانیم که انرژی پتانسیل گرانشی در هر سه وضعیت برابر است با  $mgh$  و تمامی این انرژی به انرژی جنبشی تبدیل می‌شود یعنی:

$$E_1 = E_2 \Rightarrow mgh = \frac{1}{2}mv^2 \Rightarrow v = \sqrt{2gh}$$

در هر سه وضعیت سرعت همین مقدار می‌شود.

۱۸) کار کل انجام شده توسط موتور خودرو، برابر تغییر انرژی جنبشی آن است. به این ترتیب، با به دست آوردن انرژی جنبشی خودرو در دو وضعیت داده شده و محاسبه کار کل موتور خودرو داریم:

$$W_t = K_2 - K_1 = \frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_1^2$$

$$= \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2) = \frac{1}{2}(1300 kg) \left[ \left(18.0 \frac{m}{s}\right)^2 - \left(13.0 \frac{m}{s}\right)^2 \right] = 100750 \approx 1.01 \times 10^5 J$$

کم‌ترین توان متوسط موتور خودرو برای انجام این کار برابر است با:

$$\bar{P} = \frac{W}{\Delta t} = \frac{100750 J}{3.0 s} \approx 3.4 \times 10^4 W = 45 hp$$

درواقع با وجود نیروهای اتلافی (مانند مقاومت هوا) در حین حرکت خودرو، توان مورد نیاز از این مقدار بیش‌تر است.

۱۹)

الف) درست

ب) نادرست

پ) درست

ت) نادرست

۲۰)

الف) ثابت

ب) کاهش

پ) افزایش

ت) ثابت

ث) افزایش - کاهش

۲۱) عضلات بدن این شخص منقبض شده‌اند چون نیرو وارد می‌کنند و درون بدن این شخص کار انجام می‌شود و شخص برای منقبض نگه داشتن عضلات کار انجام می‌دهد. جابه‌جایی درون عضلات صورت می‌گیرد که بسیار کوچک هستند و با چشم غیر مسلح دیده نمی‌شوند.

۲۲)

$$اول \rightarrow K_1 = \frac{1}{2}m_1 v_1^2 = \frac{1}{2}(80 kg) \left(\frac{6}{s}\right)^2 = 1440 J$$

$$دوم \rightarrow K_2 = \frac{1}{2}m_2 v_2^2 = \frac{1}{2} \left(\frac{3}{2} \times 80 kg\right) \left(\frac{6}{s}\right)^2 = 540 J$$

$$\frac{K_1}{K_2} = \frac{1440 J}{540 J} \approx 2.67$$

۲۳) کار نیروی وزن وقتی که ماشین به اندازه  $h$  سقوط می‌کند برابر است با:

$$W = Fd = mgh \quad (I)$$

انرژی جنبشی ماشین برابر است با:

$$v = 108 \frac{km}{h} = 108 \frac{km}{h} \frac{1000 m}{1 km} \frac{1 h}{3600 s} = 30 \frac{m}{s}$$

$$K = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}m(30)^2 = 450 m \quad (II)$$

با مساوی قرار دادن این دو داریم:  $g \approx 10 \frac{m}{s^2}$

$$mgh = 450 m \Rightarrow h = 45 m$$

۲۴) الف)

$$W = Fd = (20 N)(2 m) = 40 J$$

ب) مؤلفه نیرویی که در جهت جابه‌جایی است، کار انجام می‌دهد. بنابراین:

$$\begin{cases} \theta = 0 \\ \cos \theta = 1 \\ W = (F \cos 60^\circ)(d) = (20 \times \frac{1}{2} N)(2) = 20 J \end{cases}$$

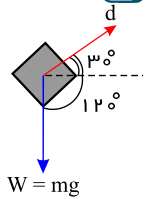
$$W = \Delta K = K_2 - K_1$$

$$W = \frac{1}{2} m v_2^2 - \frac{1}{2} m v_1^2 = \frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2) = 0,5(64 - 16) = 24 J$$

۲۵ با استفاده از قضیه کار و انرژی جنبشی داریم:

$$W_{mg} = mgd \cos 12^\circ = 24 \times 10 \times 20 \times \left(-\frac{1}{2}\right) \Rightarrow W_{mg} = -2400 J$$

$$W_F = -W_{mg} \Rightarrow W_F = 2400 J$$



۲۶ صورت سؤال گفته که جسم با سرعت ثابت حرکت می کند بنابراین کار کل صفر است. یعنی کار نیروی F و کار نیروی وزن، قرینه اند. بنابراین در ابتدا کار نیروی وزن را محاسبه می کنیم:

$$W_t = \Delta K = \frac{1}{2} m v^2 - \frac{1}{2} m v_0^2 = \frac{1}{2} m (v^2 - v_0^2)$$

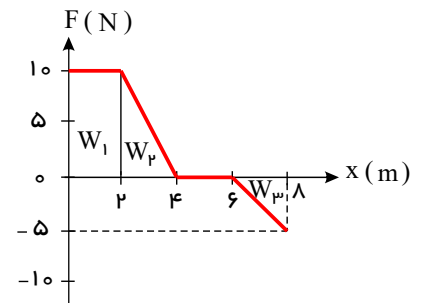
$$\xrightarrow{W_t = W_{\text{مقاومت هوا}}} W_{\text{مقاومت هوا}} = \frac{1}{2} (0,250 kg)(12^2 - 18^2) = -22,5 J$$

تنها نیروهایی که در حین پرواز توپ بر آن اثر دارند نیروی وزن و مقاومت هواست. با توجه به جابه جایی افقی توپ، نیروی وزن عمود بر حرکت توپ است پس کاری انجام نمی دهد. کار نیروی مقاومت هوا را می توان از قضیه کار - انرژی جنبشی به دست آورد:

۲۷

(الف)

$$\begin{aligned} W_{\text{کل}} &= W_1 + W_2 + W_3 \\ W_1 &= F_1 d_1 = 10 N \times 2 m = 20 J \\ W_2 &= F_2 d_2 = \frac{10 \times (4-2)}{2} = 10 J \\ W_3 &= F_3 d_3 = \frac{-5 \times (8-6)}{2} = -5 J \\ W_{\text{کل}} &= 20 J + 10 J - 5 J = 25 J \end{aligned}$$



(ب)

$$W_{\text{کل}} = \Delta K \Rightarrow 25 = \frac{1}{2} m v^2 - \frac{1}{2} m v_0^2, v_0 = 4 m/s$$

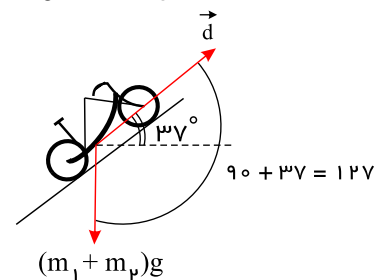
$$25 = \frac{1}{2} (5,0)(v^2 - 16) \rightarrow v^2 = 26 \rightarrow v \approx 5,1 m/s$$

۲۸ الف چون نیروی F در جهت جابه جایی دوچرخه است، داریم:

$$W = F \times d = 600 N \times 300 m = 1,8 \times 10^5 J$$

(ب) با توجه به شکل، زاویه بین بردار جابه جایی و بردار وزن دوچرخه  $12^\circ = 37^\circ + 90^\circ$  است. بنابراین داریم:

$$\begin{aligned} W_{\text{وزن}} &= (m_1 + m_2) \times g \times d \times \cos 127^\circ = (13 + 47) \times 10 \times 300 \times (-0,8) \\ \Rightarrow W_{\text{وزن}} &= -144000 J = -1,44 \times 10^5 J \end{aligned}$$



۲۹

$$W_1 = F_1 d = 40 N \times 20 m = 800 J$$

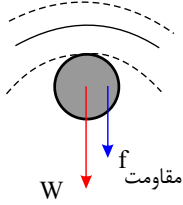
$$W = W_1 + W_p = \Delta K = 300 J$$

$$\Rightarrow 800 J + W_p = 300 J \Rightarrow W_p = -500 J$$

$$W_p = F_p \times 20 m = -500 J \Rightarrow F_p = -25 N$$

علامت منفی به معنای خلاف جهت بودن نیروی  $F_p$  و جابه‌جایی است.

در اینجا که هر دو نیروی مقاومت هوا و نیروی وزن می‌خواهند جلوی حرکت توپ را بگیرند و هر دو منفی هستند، تندی اولیه توپ  $12 m/s$  و تندی نهایی توپ صفر است.



$$W_{\text{کل}} = \frac{1}{2} (370 \times 10^{-3} kg) (-144) = -216 \times 10^{-3} J$$

سرعت اولیه  $v_0 = 12 \frac{m}{s} \rightarrow$

سرعت نهایی  $v = 0 \rightarrow W_{\text{کل}} = \Delta K = K_p - K_1 = \frac{1}{2} m (v^2 - v_0^2)$

این کار نیروی مقاومت هوا نیست کار نیروهای مقاومت هوا و نیروی وزن است پس کافی است کار نیروی وزن را از آن کم کنیم:

$$W_{\text{وزن}} = m_{\text{توپ}} g d (\cos 180) = 3 \times 10^{-3} kg \times 10 \frac{m}{s^2} \times 5 m \times (-1) = -0,15 J$$

$$W_{\text{کل}} = W_{\text{وزن}} + W_{\text{مقاومت هوا}} \Rightarrow -0,216 J = -0,15 J + W_{\text{مقاومت هوا}}$$

$$\text{کار نیروی مقاومت هوا} \Rightarrow W_{\text{مقاومت}} = 0,15 J - 0,216 J = -0,066 J$$

۳۲

$$W_T = W_{\text{دوچرخه سوار}} + W_{\text{اصطکاک}} = \Delta K = \frac{1}{2} m (v_p^2 - v_1^2)$$

$v_p, v_1$  تندی‌های اول و آخر حرکت دوچرخه سوار است که هر دو صفرند بنابراین:

$$W_T = W_{\text{دوچرخه سوار}} + W_{\text{اصطکاک}} = 0 \Rightarrow W_{\text{اصطکاک}} = -W_{\text{دوچرخه سوار}}$$

و حال فقط کافی است کار نیروی دوچرخه سوار را محاسبه کنیم.

$$\text{کار اصطکاک } W = -(50 N)(140 m) = -7000 J$$

۳۳

$$\text{انرژی پتانسیل} \rightarrow U = mgh = (2850 kg)(9,8 \frac{m}{s^2})(705 \times 10^3 m) = 19,7 \times 10^9 J$$

$$\text{انرژی جنبشی} \rightarrow K = \frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} (2850 kg)(27500 \frac{km}{h} \frac{1000 m}{1 km} \frac{1 h}{3600 s})^2$$

$$= \frac{1}{2} (2850 kg)(7640 \frac{m}{s})^2 \approx 83,2 \times 10^9 J$$

جواب انرژی پتانسیل دقیق نیست زیرا نیروی جاذبه زمین با زیاد شدن ارتفاع تغییر می‌کند به عبارت دیگر  $g$  در ارتفاع ماهواره  $9,8 \frac{m}{s^2}$  نیست و عددی کمتر از این مقدار است.

۳۴

$$\text{حالت اول: } W_{t1} = K_p - K_1 = \frac{1}{2} m (v_p^2 - v_1^2), v_1 = 0, v_p = 5 \frac{m}{s} \rightarrow W_{t1} = \frac{1}{2} m (25 - 0) = \frac{25}{2} m$$

$$\text{حالت دوم: } W_{t2} = K_p - K_1 = \frac{1}{2} m (v_p^2 - v_1^2), v_1 = 5 \frac{m}{s}, v_p = 10 \frac{m}{s} \rightarrow W_{t2} = \frac{1}{2} m (100 - 25) = \frac{75}{2} m$$

$W_{t2} > W_{t1}$  بنابراین کار کل انجام شده در حالت دوم بیشتر است از حالت اول است.

مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی را روی زمین اختیار می‌کنیم و با استفاده از پایستگی انرژی مکانیکی داریم:

۳۵

$$\frac{1}{2} m v_A^2 + U_A = \frac{1}{2} m v_B^2 + U_B = \frac{1}{2} m v_C^2 + U_C$$

برای قسمت الف  $U_A = U_B$  است بنابراین  $v_A = v_B = v_0$  می‌باشد، برای سرعت در نقطه  $C$  داریم:

$$\frac{1}{2} m v_B^2 + U_B = \frac{1}{2} m v_C^2 + U_C$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} m v_0^2 + mgh = \frac{1}{2} m v_C^2 + \frac{1}{2} mgh \Rightarrow v_C = \sqrt{v_0^2 + gh}$$

(ب) انرژی مکانیکی در نقطه  $D$  برابر است با:

$$\frac{1}{2} m v_C^2 + \frac{1}{2} mgh = \frac{1}{2} m v_D^2 + 0 \Rightarrow \frac{1}{2} m v_D^2 = \frac{1}{2} m v_0^2 + mgh$$

با استفاده از قضیه کار - انرژی جنبشی این انرژی باید توسط نیروی اصطکاک به گرما تبدیل شود، یعنی:

$$W_f = W_{\text{اصطکاک}} = K_p - K_1, K_p = 0, K_1 = \frac{1}{2} m v_0^2 + mgh$$

$$\Rightarrow -f_{\text{اصطکاک}} \times L = -\frac{1}{2} m v_0^2 - mgh \Rightarrow f_{\text{اصطکاک}} = \frac{1}{L} (\frac{1}{2} m v_0^2 + mgh)$$

حال با استفاده از قانون دوم نیوتون داریم:

$$F = ma \Rightarrow a = \frac{F}{m}, a = \frac{1}{L} \left( \frac{v_0^2}{2} + gh \right)$$

$$W_f = E_f - E_i$$

$$E_i = \frac{1}{2}mv_1^2 + mgh = \frac{1}{2}(0.3kg)(30 \frac{m}{s})^2 + (0.3)(10)(3) = 144J$$

$$E_f = \frac{1}{2}mv_f^2 = \frac{1}{2}(0.3kg)(25 \frac{m}{s})^2 = 93.75J$$

$$W_f = 93.75 - 144 = -50.25J \quad \text{کار نیروی مقاومت هوا}$$

۳۶ اگر زمین را مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی فرض کنیم، داریم:

۳۷ الف)

$$d = v_{اسب} \times t = 7.2 \frac{km}{h} \times \frac{1000m}{1km} \times \frac{1h}{3600s} \times 10 \times 60s = 1200m$$

۱۸۰ N



مسافتی که اسب در مدت ۱۰ دقیقه می‌پیماید ۱٫۲ km می‌باشد.

$$W_{اسب} = (F \cos \theta)d = (180N \times \cos 37^\circ) \times (1200m) = 172800J$$

ب)

$$P = \frac{W}{t} = \frac{172800J}{10 \times 60s} = 288W$$

هر اسب بخار معادل ۷۴۶ وات است، بنابراین:

$$288W = 288 \frac{1hp}{746} \simeq 0.39hp$$

۳۸

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow m = \rho V = 1000 \frac{kg}{m^3} \times 500m^3 = 5 \times 10^5 kg$$

$$W_{دری} = mgh = (5 \times 10^5 kg)(10 \frac{m}{s^2})(10m) = 5 \times 10^8 J$$

$$10^8 J = \frac{\text{انرژی خروجی}}{\text{انرژی ورودی}} \times 100 \Rightarrow 0.2 = \frac{\text{انرژی خروجی}}{5 \times 10^8} \Rightarrow \text{انرژی خروجی} = 10^8 J$$

$$P = \frac{W}{t} = \frac{10^8 J}{1s} = 10^8 W$$

۳۹

الف)

$$W_t = \Delta K = \frac{1}{2}mv_f^2 - \frac{1}{2}mv_1^2 = \frac{1}{2}m(v_f^2 - v_1^2)$$

$$= \frac{1}{2}(1.5kg)(9^2 - 12^2) = -47.25J$$

ب) نیروی وزن به هنگام بالا رفتن جسم در خلاف جهت حرکت آن است. بنابراین:

$$W_{رفت} = mgh \cos 18^\circ = -mgh \rightarrow h \text{ ارتفاع اوج توپ می باشد:}$$

در هنگام برگشت نیروی وزن هم جهت با حرکت است بنابراین:

$$W_{برگشت} = mgh \cos 0^\circ = +mgh$$

پس:

$$W_{وزن} = W_{رفت} + W_{برگشت} = mgh - mgh = 0$$

ج)

$$W_t = W_{وزن} + W_{مقاومت} = -47.25J$$

$$W_{وزن} = 0$$

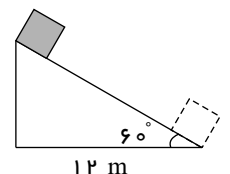
$$\Rightarrow W_{مقاومت} = -47.25J$$

۴۰

با استفاده از قضیه کار و انرژی جنبشی، کار کل انجام شده روی جسم را می‌یابیم:

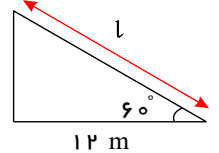
$$W = \Delta K = \frac{1}{2}mv_f^2 - \frac{1}{2}mv_1^2, v_1 = 0$$

$$\Rightarrow W = \frac{1}{2}(10kg)(12m/s)^2 = 720J$$



برای پیدا کردن نیروی متوسط ابتدا باید بفهمیم جابجایی این جسم چقدر است برای این کار باید وتر این مثلث را بیابیم.

اگر وتر را  $l$  بنامیم داریم:



$$12 = l \cos 60^\circ \Rightarrow l = \frac{12}{\cos 60^\circ} = \frac{12}{\frac{1}{2}} = 24m$$

حال با استفاده از معلوم بودن جابجایی داریم:

$$W = \bar{F}d \Rightarrow 720J = \bar{F}(24m) \Rightarrow \bar{F} = \frac{720}{24} = 30N$$

(الف) ۴۱

$$W_t = \Delta K = \frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_1^2 = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2)$$

$$= \frac{1}{2}(20kg)(9 - 0) = 90J$$

(ب) نیروهایی که به این جسم وارد می‌شوند برابر است با نیروی وزن، نیروی کشش طناب ( $T$ ) و نیروی مقاومت هوا. توجه کنید نیروی کشش طناب همیشه به جابجایی عمود است (اگر جابجایی روی دایره باشد نیروی کشش طناب در راستای شعاعی است). بنابراین نیروی  $T$  کار انجام نمی‌دهد و کار قسمت (الف) فقط توسط نیروی وزن و مقاومت هوا انجام شده است.

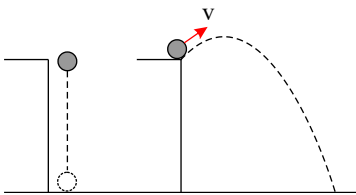
۴۲

$$W_{\text{وزن}} = -\Delta U$$

بنابراین کار نیروی وزن فقط به اختلاف انرژی پتانسیل گرانشی (با یک علامت منفی) بستگی دارد (مبدأ پتانسیل روی زمین است)

$$W_1 = -\Delta U = -mg(h - 0) = -mgh$$

ودر هر دو حالت کار نیروی وزن همین مقدار است.



(الف) با استفاده از اصل پایستگی انرژی مکانیکی و در نظر گرفتن سطح زمین به عنوان مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی داریم:

$$E_1 = E_2 \Rightarrow K_1 + U_1 = K_2 + U_2$$

در ابتدا گلوله در سطح زمین است بنابراین  $U_1 = 0$  و وقتی که گلوله به بیشترین ارتفاع خود برسد تندی آن برابر صفر می‌گردد بنابراین  $K_2 = 0$  داریم:

$$\Rightarrow K_1 = U_2 \Rightarrow \frac{1}{2}\left(\frac{20}{1000}kg\right)(400m/s)^2 = \left(\frac{20}{1000}kg\right)\left(\frac{m}{s^2}\right)(h) \Rightarrow h = 8000m = 8km$$

(ب) حال می‌خواهیم تندی گلوله را در ارتفاع  $4km$  بیابیم، داریم:

$$E_1 = E_2 \Rightarrow E_1 = 16000J \Rightarrow K' + U' = 16000J$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}mv'^2 + mgh' = 16000J \Rightarrow \frac{1}{2}\left(\frac{20}{1000}kg\right)(v')^2 + \frac{20}{1000} \times 10 \times 4000 = 16000$$

$$\Rightarrow v'^2 = 80000 \Rightarrow v' = 100\sqrt{8}m/s \approx 283m/s$$

۴۴

(الف) مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی را در این قسمت در همان پشت بام می‌گیریم.

$$E_1 = E_2 \Rightarrow \frac{1}{2}mv^2 + 0 = 0 + mgh \Rightarrow h = \frac{v^2}{2g} = \frac{400}{20} = 20m$$

$20m$  نسبت به پشت بام جسم بالا می‌رود.

(ب) در این قسمت مبدأ انرژی پتانسیل را زمین در نظر می‌گیریم که محاسبات راحت‌تر شوند. انرژی مکانیکی جسم در بالاترین نقطه را مساوی انرژی مکانیکی جسم بر روی زمین می‌گذاریم.

$$E_2 = E_1 \Rightarrow mg(47.2m + 20m) = \frac{1}{2}mv^2 \rightarrow v^2 = 484 \Rightarrow v = 22m/s$$

(ج) انرژی مکانیکی جسم در ارتفاع  $8m$  را مساوی انرژی مکانیکی جسم در هنگام برخورد با زمین می‌گذاریم:

$$E_2 = E_1 \Rightarrow \frac{1}{2}m(22m/s)^2 = \frac{1}{2}mv'^2 + mg(8m)$$

$$\Rightarrow v'^2 = 324 \Rightarrow v' = 18m/s$$

(۴۵) ابتدا انرژی جنبشی چتر باز را در دو وضعیت پریدن از بالون و همچنین رسیدن به سطح زمین به دست می‌آوریم. با توجه به اطلاعات داده شده و همچنین رابطه  $2 - 1$  داریم:

$$K_1 = \frac{1}{2}mv_1^2 = \frac{1}{2}(750kg)(17.20\frac{m}{s})^2 = 5470J$$

$$K_2 = \frac{1}{2}mv_2^2 = \frac{1}{2}(750kg)(47.80\frac{m}{s})^2 = 864J$$

همان‌طور که در شکل روبه‌رو دیده می‌شود، در طول حرکت چتر باز، دو نیروی وزن و مقاومت هوا به او وارد می‌شود. نیروی وزن در جهت جابه‌جایی و نیروی مقاومت برخلاف جابه‌جایی است.

بنابراین، کار کل برابر مجموع کار این دو نیرو است. به این ترتیب، از قضیه کار و انرژی جنبشی داریم:

$$W_t = K_2 - K_1 \Rightarrow W_{وزن} + W_{مقاومت\ هوا} = 864J - 540J = 324J$$

با پیدا کردن کار نیروی وزن ( $mg$ ) و جایگذاری آن در عبارت بالا، کار نیروی مقاومت هوا را به دست می آوریم. از رابطه  $W = mgh$  داریم:

$$W_{وزن} = mgh = (750kg)(9.8\frac{m}{s^2})(800m) = 5880J$$

به این ترتیب، کار نیروی مقاومت هوا برابر است با:

$$5880J + W_{مقاومت\ هوا} = 324J \Rightarrow W_{مقاومت\ هوا} \approx -5556J$$

توجه کنید برای این که چتر باز به طور ایمن و با تندی نسبتاً کمی به زمین برسد، کار نیروی مقاومت هوا اثر کار نیروی وزن را تقریباً خنثی کرده است.

کار کل انجام شده روی اتاقک بالابر (شامل کار نیروی وزن و کار نیروی موتور بالابر) برابر تغییر انرژی جنبشی آن است. به این ترتیب داریم: (46)

$$W_{وزن} + W_{موتور} = K_2 - K_1$$

$$-mgh_2 + W_{موتور} = 0 - 0$$

$$W_{موتور} = mgh_2 = (500kg)(9.8\frac{m}{s^2})(600m) = 29400J \approx 2.94 \times 10^4 J$$

در محاسبه بالا، مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی را سطح زمین (طبقه همکف) گرفته ایم. توان متوسط موتور بالابر برابر است با:

$$\bar{P} = \frac{W_{موتور}}{\Delta t} = \frac{29400J}{10s} \approx 2940W = 2.94hp$$

انرژی الکتریکی ورودی به تلمبه برابر است با: (47)

$$E_{ورودی} = (15000W)(10s) = 150000J \approx 1.5 \times 10^5 J$$

جرم هر لیتر آب دریاچه  $1kg$  و کار مفید تلمبه برابر است با:

$$E_{خارجی} = mgh_2 = (70kg)(9.8\frac{N}{kg})(150m) = 102900J \approx 1.03 \times 10^5 J$$

در محاسبه بالا، مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی را سطح آب دریاچه گرفته ایم. درصد بازده تلمبه برابر است با:

$$\text{بازده} = \frac{102900J}{150000J} \times 100 \approx 68\%$$

لازم است توجه کنید که بخشی از توان ورودی تلمبه به دلیل اصطکاک آب در حال حرکت با جداره داخلی لوله تلف می شود.

ابتدا جرم آبی که در هر ثانیه، روی پره های توربین می ریزد را محاسبه می کنیم: (48)

$$Ra \times \frac{W_{mg}}{\Delta t} = P_{توربین} \rightarrow Ra \times \frac{mg|\Delta h|}{\Delta t} = P_{توربین}$$

$$\frac{85}{100} \times \frac{m \times 9.8 \times 90}{1} = 200 \times 10^6 \rightarrow 749.7m = 200 \times 10^6$$

$$m \approx 2.6 \times 10^7 kg \rightarrow V = \frac{m}{\rho} = \frac{2.6 \times 10^7}{1000} = 26000 m^3$$

(49)

کاری که شخص انجام می دهد، صرف غلبه بر کار نیروی وزن و همچنین افزایش انرژی جنبشی گلوله می شود.

$$m = 150g = (150g)(\frac{kg}{1000g}) = 0.15kg$$

$$d = 180, v_2 = 12\frac{m}{s}$$

$$\left. \begin{aligned} W_t &= K_2 - K_1 \\ W_t &= W_F + W_{mg} \end{aligned} \right\} W_F - mg|\Delta h| = \frac{1}{2}mv_2^2$$

$$\rightarrow W_F - 150 \times 10^{-3} \times 9.8 \times 180 \times 10^{-2} = \frac{1}{2} \times 150 \times 10^{-3} \times 144$$

$$\rightarrow W_F - 276 = 10.8 \rightarrow W_F = 137.4J$$

در ابتدا با استفاده از قضیه کار و انرژی جنبشی، کار کل را محاسبه می کنیم: (50)

$$W_{\text{کل}} = \Delta K = K_B - K_A = \frac{1}{2}m(V_B^2 - V_A^2) = \frac{1}{2} \times 30(20^2 - 0) = 600J$$

الف

$$W_{\text{کل}} = \Delta K = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2) \Rightarrow W_{\text{کل}} = \frac{1}{2} \times 30 \times (40^2 - 0) = 2400J$$

ب

$$W_W = mgh = 30 \times 10 \times 10 = 3000J$$

کار نیروی وزن در جابه جایی رو به پایین از رابطه  $W_W = mgh$  محاسبه می شود.

ت

کار نیروی عمودی تکیه گاه صفر است، چون بر مسیر حرکت عمود است. (پ)

$$W_{\text{کل}} = W_W + W_{f+} \Rightarrow 670 = 30 + W_{f+} \Rightarrow W_f = -24J$$

۵۱) جرم دونه را  $M$  و جرم پسر بچه را  $m$  فرض می‌کنیم و داریم  $M = 2m$  پس می‌توان نوشت که:

$$K_{\text{دونه}} = \frac{1}{2} K_{\text{بچه}}$$

$$\frac{1}{2} M v_1^2 = \frac{1}{2} \left[ \frac{1}{2} m v_2^2 \right]$$

$$\rightarrow \frac{1}{2} M v_1^2 = \frac{1}{2} \left[ \frac{1}{2} \left( \frac{M}{2} \right) v_2^2 \right]$$

$$v_1^2 = \frac{v_2^2}{4} \Rightarrow v_1 = \frac{v_2}{2} \quad (I)$$

سرعت دونه  $v_1$  و سرعت پسر بچه  $v_2$

حال با استفاده از اطلاعات بعدی مسئله داریم:

$$\frac{1}{2} M (v_1 + 1)^2 = \frac{1}{2} m v_2^2 \Rightarrow \frac{1}{2} M (v_1 + 1)^2 = \frac{1}{2} \frac{M}{2} v_2^2$$

$$\Rightarrow (v_1 + 1)^2 = \frac{v_2^2}{2} \Rightarrow v_1 + 1 = \frac{v_2}{\sqrt{2}} \quad (II)$$

با استفاده از (I) و (II) داریم:

$$v_2 = 2v_1 \rightarrow \text{با استفاده از (I)}$$

$$v_1 + 1 = \frac{2v_1}{\sqrt{2}} \Rightarrow v_1 + 1 = \frac{2v_1}{\sqrt{2}} \Rightarrow v_1 + 1 = v_1 \sqrt{2} \Rightarrow v_1 = \frac{1}{\sqrt{2} - 1}$$

$$v_2 = 2v_1 = \frac{2}{\sqrt{2} - 1}$$

۵۲) چون جسم حرکتی ندارد پس می‌توان گفت که برآیند نیروهای وارده به آن صفر است و چون نیرویی به صورت برآیند وجود ندارد کار انجام نمی‌شود.

حرکت نداشتن به معنای جابه‌جایی صفر است و این یعنی کار صفر است.

با هر دو توصیف می‌توان به یک نتیجه رسید.

۵۳)

$$W = K_f - K_i \xrightarrow{v_f=0} Fd \cos 180^\circ = -\frac{1}{2} m v^2$$

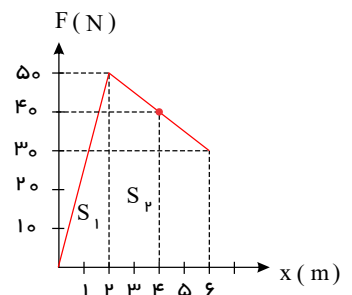
$$\rightarrow F \times 12 \times 10^{-2} \times -1 = -\frac{1}{2} \times \frac{3}{10} \times 25 \times 10^4 \rightarrow F = 31 \times 10^4$$

طبق قانون سوم نیوتون، نیرویی که گلوله به چوب وارد می‌کند هم‌اندازه با نیرویی است که چوب به گلوله وارد می‌کند.

۵۴) می‌دانیم سطح زیر نمودار  $F - x$  همان کار است و برای جواب این سؤال باید سطح زیر نمودار را تا  $x = 4m$  به دست بیاوریم:

$$S_1 = \frac{2 \times 50}{2} = 50$$

$$S_2 = \frac{40 + 50}{2} \times 2 = 90 \Rightarrow W = S_1 + S_2 = 50 + 90 = 140N$$



طبق قضیه کار - انرژی جنبشی داریم:

$$W = \Delta K = \frac{1}{2} m v^2 - \frac{1}{2} m v_0^2, \quad v_0 = 0 \Rightarrow 140 = \frac{1}{2} m (\Delta)^2 \Rightarrow m = 11/2 kg$$

توجه: برای پیدا کردن نیرو در  $x = 4$  از تشابه مثلث‌ها استفاده کردیم: یعنی:

$$\frac{20}{4} = \frac{F'}{2} \rightarrow F' = 10 \Rightarrow F = 30 + F' = 40 N$$

۵۵)

$$W = \Delta K = \frac{1}{2} m v_1^2 - \frac{1}{2} m v_0^2 = \frac{1}{2} m (v_1^2 - v_0^2)$$



$$W_{1t} = \frac{1}{2}mv^2 - 0, v_0 = 0 \rightarrow \text{و تندی ماشین از صفر آغاز شده}$$

$$W_{1t} = \frac{1}{2}mv^2$$

$$W_{rt} = \frac{1}{2}mv_v^2 - \frac{1}{2}mv_1^2 = \frac{1}{2}m[(2v)^2 - v^2] = \frac{3}{2}mv^2$$

$$\frac{W_{rt}}{W_{1t}} = \frac{\frac{3}{2}mv^2}{\frac{1}{2}mv^2} = 3$$

۵۶) قبل از پرش موتورسوار روی تپه  $50m$  است. پس (مبدأ پتانسیل را زمین فرض می‌کنیم).

$$U_1 = mgh_1 = (130kg)(10 \frac{m}{s^2})(50m) = 65000J$$

بعد از پرش موتورسوار روی تپه  $20m$  است. بنابراین:

$$U_2 = mgh_2 = (130kg)(10 \frac{m}{s^2})(20m) = 26000J$$

برای قسمت بعد باید مبدأ پتانسیل را روی تپه دوم انتخاب کنیم. در این صورت موتورسوار  $30m$  ارتفاع دارد:

$$U_2 = mg(h_1 - h_2) = (130kg)(10 \frac{m}{s^2})(30m) = 39000J$$

انرژی پتانسیل نسبت به ارتفاع  $35$  متری قبل از پرش برابر است با:

$$U_3 = (130kg)(10 \frac{m}{s^2})(50m - 35m) = 19500J$$

و بعد از پرش:

$$U_4 = (130kg)(10 \frac{m}{s^2})(20 - 35) = -19500J$$

در قسمت اول سوال مبدأ انرژی پتانسیل خود زمین انتخاب شد و در قسمت دوم سوال مبدأ روی تپه دوم بود. در قسمت سوم مبدأ فاصله  $35m$  از سطح زمین را داشت. برای قسمت آخر می‌دانیم که:

$$W_{وزن} = -\Delta U$$

پس کافی است که:

$$W_{وزن} = -(26000J - 65000J) = +39000J$$

کار نیروی وزن اگر مبدأ روی تپه دوم باشد برابر است با:

$$W_{وزن} = -\Delta U = -(U_2 - U_1) = -(26000 - 65000) = +39000J$$

و برای قسمت آخر:

$$W_{وزن} = -\Delta U = -(U_3 - U_1) = -(19500 - 65000) = +45500J$$

۵۷) در اینجا همه انرژی جنبشی توپ با جرم  $M$  به انرژی جنبشی مجموعه و انرژی هدر رفته تبدیل می‌شود. یعنی:

$$\left. \begin{aligned} E_1 &= \frac{1}{2}Mv^2 \\ E_2 &= \frac{1}{2}(m+M)v'^2 - \frac{1}{2}(\frac{1}{2}Mv^2) \end{aligned} \right\} E_1 = E_2 \Leftrightarrow \text{بقای انرژی مکانیکی}$$

داریم:

$$E_1 = E_2 \Rightarrow \frac{1}{2}Mv^2 = \frac{1}{2}(m+M)v'^2 - \frac{1}{4}Mv^2$$

$$(\frac{1}{2} + \frac{1}{4})Mv^2 = \frac{1}{2}(m+M)v'^2 \Rightarrow v' = \sqrt{\frac{5}{4} \frac{Mv^2}{m+M}}$$

۵۸) اگر گلوله در حالتی که مقاومت هوا نباشد به اندازه  $h_1$  و در حالتی که مقاومت هوا باشد به اندازه  $h_2$  بالا برود، با در نظر گرفتن بقای انرژی مکانیکی داریم:

$$\left\{ \begin{aligned} \frac{1}{2}Mv^2 &= Mgh_1 \\ \frac{1}{2}Mv^2 &= Mgh_2 + 7.0 \times 10^5 J \end{aligned} \right.$$

$v$  میزان تندی اولیه جسم است و  $h_1$  مقدار انرژی تلف شده در اثر مقاومت هواست با کم کردن این دو معادله از یکدیگر داریم:

$$Mg(h_2 - h_1) = 7.0 \times 10^5 J, Mg = 1000N$$

$$\Rightarrow h_2 - h_1 = 7.0 \times 10^3 m \text{ بدون مقاومت هوا گلوله هفت کیلومتر بالاتر می‌رفت}$$

۵۹) در اینجا اگر پایین سطح شیبدار را به عنوان مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی در نظر بگیریم، بعد از رها شدن جسم، انرژی پتانسیل اش کاهش یافته و انرژی جنبشی جسم و سطح شیبدار افزایش می‌یابد. به عبارتی داریم:

$$m \rightarrow \text{سرعت گوی} \quad v \rightarrow \text{جرم گوی}$$

$$M \rightarrow \text{سرعت سطح شیبدار} \quad v' \rightarrow \text{جرم سطح شیبدار}$$

$$E_1 = E_2 \Rightarrow mgh = \frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}Mv'^2$$

$$\Rightarrow (1\text{ kg})(10 \frac{m}{s^2})(0.9\text{ m}) = \frac{1}{2}(1\text{ kg})(\frac{m}{s})^2 + \frac{1}{2}(8\text{ kg})(v')^2$$

$$\Rightarrow 9\text{ J} = 8\text{ J} + 4v'^2 \Rightarrow v'^2 = \frac{1}{4} \Rightarrow v' = \frac{1}{2} \frac{m}{s}$$

سطح شیبدار با تندی  $0.5 \frac{m}{s}$  به سمت چپ حرکت خواهد کرد.

۶۰ نیروی اصطکاک و تصویر نیروی وزن در امتداد سطح  $(mg \sin \theta)$  به عنوان نیروی مقاوم در مقابل حرکت عمل می کنند. بنابراین دو نیرو کار منفی انجام می دهند تا جسم متوقف شود، با استفاده از قضیه کار - انرژی جنبشی:

$$K_1 = \frac{1}{2}mv^2, K_2 = 0$$

$$W_t = W_f + W = K_2 - K_1 = 0 - \frac{1}{2}mv^2$$

$$\Rightarrow W_f + W = -\frac{1}{2}mv^2$$

$$-f_k d - mg \sin \theta d = -\frac{1}{2}mv^2$$

$$\Rightarrow d = \frac{\frac{1}{2}mv^2}{f_k + mg \sin \theta} = \frac{128\text{ J}}{8\text{ N} + 24\text{ N}} = 4\text{ m}$$

